

مکانیک هوافضا/ سال ۱۴۰۲/ دوره ۱۹/ شماره ۱/ صفحه ۱۲۱–۱۲۱

نشريه علمي مكانيك هوافضا



DOR: 20.1001.1.26455323.1402.19.1.8.3

بررسی تأثیر پارامترهای هندسی بر عملکرد استند سنجش تراست و بهینهسازی طراحی آن با استفاده از الگوریتم ژنتیک مسعود دهناد^{(**}، مرتضی فرهید^(*) سینا اخباری^(*) آرزو اسماعیلی

ٔ محقق، پژوهشکده رانشگرهای فضایی، پژوهشگاه فضایی ایران، تبریز، ایران ^۲ استادیار، پژوهشکده رانشگرهای فضایی، پژوهشگاه فضایی ایران، تبریز، ایران

چکیدہ گرافیکی



چکیدہ

در این مقاله، میزان تأثیرگذاری پارامترهای هندسی یک استند سنجش تراست در محدوده میلینیوتنی و برای رانشگرهای الکتریکی، بر عملکرد آن بررسی میشود. برای اندازه گیری تراست رانشگرهای الکتریکی باید از سیستمی استفاده نمود که نیروی تراست را از نیروی وزن رانشگر تفکیک کند. به همین دلیل سیستمهای اندازه گیری تراست بر پایه پاندول طراحی شدهاند. پارامترهای هندسی استند سنجش تراست همچون طول بازوها، جرم بخشهای مختلف و سفتی لولاها بر عملکرد کلی سیستم شامل پاسخ دینامیکی و استاتیکی آن (بهعنوان مثال مقدار جابجایی، فرکانس طبیعی و زمان تثبیت نوسانات) تأثیر گذار می باشند. بدین منظور در ابتدا مدل تحلیلی رفتار یک استند سنجش تراست با یستم قران علی مختلف و سفتی لولاها بر عملکرد کلی سیستم زمان تثبیت نوسانات) تأثیر گذار می باشند. بدین منظور در ابتدا مدل تحلیلی رفتار یک استند سنجش تراست با پیکربندی پاندول معکوس به دست می آید. سپس با استفاده از نتایج حاصل، طراحی بهینه چند نمونه استند بر اساس الزامات فیزیکی مشخص شده و سنجش تراست با بیشترین مقدار نیروی قابل اندازه گیری ۱۰۰ میلی نیوتن بر اساس مشخصات به دست آمده از بخش بهینه سازی، ساخته شده و با صحه گذاری نتایج حاصل از مدل تحلیلی، مقدار خطای مدل کمتر از ۶ درصد محاسبه می شود.

برجستهها

- مدلسازی تحلیلی رفتار دینامیکی و استاتیکی یک استند سنجش تراست
 بررسی میزان اهمیت و تأثیرگذاری
- بررسی میری مندسی استند بر عملکرد آن پارامترهای هندسی استند بر عملکرد آن • طراحی بهینه با استفاده از الگوریتم
- ژنتیک
 - ساخت نمونه و صحه گذاری نتایج

مشخصات مقاله

تاریخچه مقاله: نوع مقاله: علمی پژوهشی دریافت: ۱۴۰۱/۰۶/۲۸ بازنگری: ۱۴۰۱/۰۷/۱۵ پذیرش: ۱۴۰۱/۰۸/۱۵ ^{*}نویسنده مسئول: ^{*}نویسنده مسئول: ملیدواژهها: کلیدواژهها: پارامتر هندسی پارامتر هندسی مدلسازی و ساخت مدل سازی و ساخت

* حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه جامع امام حسین (ع) داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (License Commons » حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه جامع امام حسین (ع) داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://maj.ihu.ac.ir دیدن فرمائید.

۱– مقدمه

رانشگرهای فضایی عموماً به دودسته کلی رانشگرهای شیمیایی و الکتریکی تقسیم می گردند. نیروی تراست در رانشگرها از خروج پیشران با سرعت زیاد از نازل به وجود میآید. در رانشگرهای شیمیایی این سرعت زیاد پیشران از احتراق حاصل می شود اما در رانشگرهای الکتریکی ناشی از عواملي با ماهيت الكتريكي مانند گرمايش الكتريكي، نيروهاي الكترواستاتيكي و يا الكترومغناطيسي ميباشد. بهطورکلی رانشگرهای الکتریکی در مقایسه با رانشگرهای شیمیایی دارای جرم کم، ضربه ویژه بالا، تراست پایین و نسبت تراست به جرم بسیار پایین میباشند؛ بنابراین سیستمهای متداول اندازه گیری تراست که برای رانشگرهای شیمیایی استفاده می گردند، برای رانشگرهای الکتریکی مناسب نیستند. درنتیجه سیستم اندازهگیری تراست برای این رانشگرها باید به گونهای باشد که نیروی تراست را از نیروی وزن رانشگر تفکیک کرده و از خطای احتمالی جلوگیری کند. برای دستیابی به این وضعیت و کم کردن اثر نیروی وزن، سیستمهای اندازهگیری تراست بر پایه پاندول طراحی شدهاند. در این نوع سیستمها، دو نیروی تراست و وزن قابل تفکیک بوده و درنتیجه تراستهای بسیار پایین قابل اندازه گیری می باشد. از جمله طرحهای مبتنی بر پاندول مىتوان به پاندول آويزان، پاندول معكوس، پاندول پيچشى و پاندول تاشده اشاره نمود. در تمامی این طرحها مقدار نیروی تراست از طریق اندازه گیری جابجایی رخ داده در استند و در طی کارکرد رانشگر تعیین میگردد.

در سیستم اندازه گیری تراست با پیکربندی پاندول آویزان از یک بازوی عمودی استفاده میشود که رانشگر در انتهای پایینی آن و وزنههای تعادلی بهمنظور بیاثرسازی نیروی وزن، در انتهای بالایی آن قرار گرفتهاند. این نوع سیستم دارای سادهترین نوع سازه بوده و به همین دلیل دارای پایداری زیادی میاشد. مهم ترین عیب این نوع سیستمها به ساختار آنها مربوط میشود که برای داشتن حساسیت بالا نیازمند افزایش طول بازو هستند. سیستمهای طراحی شده توسط ناکاگاوا و همکاران [۱]، وانگ و همکاران [۲]، پاکان و همکاران [۳] وونگ و همکاران [۴] و واچز و

جورنز [۵] ازجمله استندهایی با پیکربندی پاندول آویزان هستند.

سیستم اندازه گیری تراست با پیکربندی پاندول معکوس مشابه با پاندول آویزان بوده ولی رانشگر در انتهای بالایی بازو و وزنههای تعادلی در انتهای پایینی آن قرار گرفتهاند. پاندولهای معکوس به دلیل حساسیت به نیروهای کوچک ذاتاً ناپایدار بوده و در مقایسه با پاندولهای آویزان دارای ابعاد و حجم کمتری میباشند. تارتلر [۶]، بیجیستر [۷] و کوکال [۸] در پژوهشهای خود به تفضیل درباره طراحی، ساخت و تست این نوع استند پرداختهاند. خو و واکر [۹] نیز نوع خاصی از سیستم اندازه گیری تراست با پیکربندی پاندول معکوس را معرفی کردهاند.

اما در سیستم اندازهگیری تراست با پیکربندی پاندول پیچشی، محور دوران بازوی سیستم موازی با جاذبه زمین بوده که به استقلال سیستم از نیروی وزن رانشگر منجر می شود. سیستمهای پاندول پیچشی حساسیت و پایداری بیشتری از یاندولهای معکوس دارند. وجود وزنههای تعادلی، حساسیت سیستم به اثرات جاذبه را کمتر میکند، اما در طرف مقابل به دلیل استفاده از بازوی بلند، موجب افزایش ابعاد سیستم می گردد. نوع دیگر این نوع سیستم اندازه گیری تراست، دارای جهت حرکت موازی با جاذبه زمین بوده که استفاده از آن را عمدتاً برای دامنه حرکتی پايين محدود مي كند. درنتيجه استند با پاندول پيچشي معمولاً برای اندازه گیری تراست در محدوده نانونیوتن مانند کارهای سونی و روی [۱۰] و دسوزا و کتسدور [۱۱] و یا محدوده ميكرونيوتن همچون سيستمهاي معرفي شده توسط یانگ و همکاران [۱۲]، کویزومی و همکاران [۱۳]، تانگ و همكاران [۱۴]، لون و لاو [۱۵]، یانگ و همكاران [۱۶] و گیلپین و همکاران [۱۷] بکار می ود. هرچند نمونههایی از سیستم اندازه گیری تراست با پیکربندی پاندول پیچشی برای محدوده میلینیوتنی و فراتر مانند استندهای معرفی شده توسط میرژاک [۱۸] و ژانگ و همکاران [۱۹] نیز ارائهشده است.

هدف از انجام این پژوهش، بررسی تأثیر پارامترهای هندسی استند سنجش تراست با پیکربندی پاندول معکوس همچون طول بازوها، طول صفحات بالایی و پایینی، طول بازوی

دوران، جرم بازوها و صفحات، جرم رانشگر و وزنههای تعادلی و سفتی لولاها بر عملکرد کلی سیستم و بهعبارتدیگر پاسخ دینامیکی و استاتیکی سیستم مانند مقدار جابجایی، فرکانس طبیعی و زمان تثبیت نوسانات میباشد؛ چراکه پارامترهای هندسی در تعیین مشخصات اصلی سیستم ازجمله محدوده تراست قابلاندازهگیری، دقت اندازهگیری، حساسیت، تفکیک پذیری و تکرارپذیری تأثیرگذار میباشند. بدین منظور در ابتدا مدل تحلیلی رفتار دینامیکی و بدین منظور در ابتدا مدل تحلیلی مقدار دینامیکی و میزان اهمیت و تأثیرگذاری پارامترهای هندسی استند بر عملکرد آن با بررسی پاسخ سیستم نسبت به تغییرات پارامترها محاسبه میشود. در پایان نیز با استفاده از نتایج چند نمونه استند انجام پذیرفته و یک نمونه عملی از استند ساخته و مورد آزمون قرار میگیرد.

۲- مدلسازی تحلیلی استند سنجش تراست

اولین گام در این پژوهش مدلسازی تحلیلی یک استند سنجش تراست بهمنظور تعیین رفتار دینامیکی و استاتیکی آن میباشد. پیکربندی استند سنجش تراست انتخابی از نوع پاندول معکوس میباشد. این نوع پاندول در مقایسه با سایر انواع پاندولها، مزایای بیشتری داشته و نمونههای زیادی از آن در مراکز علمی و فضایی دنیا وجود دارد که به چند نمونه در بخش قبل اشاره شد.

سازه استند از چهار بخش اصلی شامل دو صفحه افقی بالا و پایینی و دو بازوی عمودی چپ و راست تشکیل شده است. صفحه بالایی حامل رانشگر و صفحه پایینی حامل وزنههای تعادلی میباشد. همچنین یک سیستم میراگر نیز بهمنظور کاهش اثرات ارتعاشات خارجی و داخلی در صفحه پایینی در نظر گرفته میشود. هرکدام از صفحهها بهوسیله لولا به بازوهای عمودی متصل هستند. دو صفحه عمودی نیز بهوسیله لولا از فریم اصلی و خارجی سیستم آویزان هستند. لولاهای بکار رفته از نوع بدون اصطکاک بوده و تأثیری بر حرکت استند ندارند. با عملکرد رانشگر، صفحه بالایی با رانشگر بهصورت افقی شروع به حرکت کرده و صفحه پایینی نیز با وزنههای کانتربالانس در جهت مخالف حرکت

میکنند. میزان تراست رانشگر از اندازه گیری جابجایی نسبی دو صفحه بالایی و پایینی نسبت به یکدیگر و بر اساس فرآیند کالیبراسیون از پیش انجامیافته تعیین می گردد. برای مدلسازی تحلیلی استند سنجش تراست با پاندول معکوس، دیاگرام آزاد کل سازه بهصورت دوبعدی به همراه بخشهای مختلف آن ترسیمشده و روابط دینامیکی حرکت آنها به دست میآید. برای استخراج معادلات سیستم، این چهار بخش صلب فرض میشوند. دیاگرام آزاد کل سازه استند به همراه تمامی نیروهای خارجی اعمالی و تکیه گاهی در شکل ۱ دیده میشود. نیروهای اعمالی شامل نیروی تراست رانشگر (F) و نیروی میرایی میراگر (*رذی*) میباشد. که اثر میرایی آن از حرکت یک ورق رسانا (در اینجا مس) که اثر میرایی آن از حرکت یک ورق رسانا (در اینجا مس) در داخل یک میدان مغناطیسی (در اینجا ناشی از



شکل (۱): دیاگرام آزاد کل سازه استند. رابطه تعادل دینامیکی در جهت محور افقی، محور عمودی و دوران حول مرکز جرم صفحه افقی پایینی به ترتیب در روابط (۱) الی (۳) نوشتهشده است.

$$-F + f_{x1} + f_{x2} - C\dot{x}_b = M\ddot{x}$$
(1)

$$-m_{t}g - m_{u}g - m_{r}g - m_{l}g - m_{c}g - m_{b}g + f_{y1} + f_{y2} = M\ddot{y}$$
(7)

$$C\dot{x}_{b}h_{2} - [m_{c}g + m_{b}g]L/_{2} + f_{bry}L + 4K\theta$$

$$= J_{b}\ddot{\theta}$$
(9)

دیاگرام آزاد بازوی عمودی راستی سازه مشابه حالات سایر بخشهای سازه، به همراه تمامی نیروهای اعمالی و تکیهگاهی در شکل ۴ نمایش دادهشده است و روابط تعادل دینامیکی در جهت محور افقی، محور عمودی و دوران حول مرکز بازو به ترتیب در روابط (۱۰) الی (۱۲) نوشتهشده است.



شکل (۴): دیاگرام آزاد بازوی عمودی راستی سازه.
$$f_{r2} - f_{hrr} - f_{urr} = 0$$
 (۱۰)

$$f_{y2} - f_{bry} - f_{ury} - m_r g = 0$$
 (11)

$$f_{urx}H_1\cos\theta + f_{ury}H_1\sin\theta - f_{brx}H_2\cos\theta - f_{bry}H_2\sin\theta - 4K\theta$$
(17)
$$= J_r\ddot{\theta}$$

و درنهایت دیاگرام آزاد بازوی عمودی چپی سازه نیز به همراه تمامی نیروهای اعمالی و تکیهگاهی در شکل **۵** نمایش دادهشده است و روابط تعادل دینامیکی در جهت محور افقی، محور عمودی و دوران حول مرکز بازو به ترتیب در روابط (۱۳) الی (۱۵) نوشتهشده است.

$$f_{x1} - f_{blx} - f_{ulx} = 0 \tag{17}$$

$$f_{y1} - f_{bly} - f_{uly} - m_l g = 0$$
 (14)

$$\begin{split} f_{ulx}H_1\cos\theta + f_{uly}H_1\sin\theta - f_{blx}H_2\cos\theta \\ &- f_{bly}H_2\sin\theta - 4K\theta \\ &= J_l\ddot{\theta} \end{split} \tag{12}$$

$$[f_{y2} - m_r g] [L/2 - H_2 \sin \theta] - f_{x2}H_2 \cos \theta$$

$$+ [m_l g - f_{y1}] [L/2$$

$$+ H_2 \sin \theta] - f_{x1}H_2 \cos \theta$$

$$+ [m_t g + m_u g] [H_1 \qquad (\ref{t})$$

$$- H_2] \sin \theta$$

$$+ F[(H_1 + H_2) \cos \theta$$

$$+ h_1] - C\dot{x}_b h_2 + 4K\theta$$

$$= J\ddot{\theta}$$

دیاگرام آزاد صفحه بالایی سازه به همراه تمامی نیروهای اعمالی و تکیهگاهی در شکل ۲ نمایش دادهشده است و روابط تعادل دینامیکی در جهت محور افقی، محور عمودی و دوران حول انتهای چپ صفحه به ترتیب در روابط (۴) الی (۶) نوشتهشده است.



شکل (۲): دیاگرام آزاد صفحه بالایی سازه.
$$-F + f_{ulx} + f_{urx} = [m_t + m_u]\ddot{x}_u$$
 (۴)

$$f_{ulv} + f_{urv} - m_t g - m_u g = [m_t + m_u] \ddot{y}_u$$
 (a)

$$Fh_1 - [m_tg + m_ug]\frac{L}{2} + f_{ury}L + 4K\theta$$

= $L_{\nu}\ddot{\theta}$ (7)

دیاگرام آزاد صفحه پایینی سازه نیز به همراه تمامی نیروهای اعمالی و تکیهگاهی در شکل ۳ نمایش دادهشده است و روابط تعادل دینامیکی در جهت محور افقی، محور عمودی و دوران حول انتهای چپ صفحه به ترتیب بهصورت روابط (۷) الی (۹) است.



شکل (۳): دیاگرام آزاد صفحه پایینی سازه.
$$C\dot{x}_b + f_{blx} + f_{brx} - C\dot{x}_b = [m_c + m_b]\ddot{x}_b$$
 (۷)

$$f_{bly} + f_{bry} - m_c g - m_b g = [m_c + m_b] \ddot{y}_b \tag{A}$$

$$+\dot{ heta}CH_2^2 - heta[(m_t + m_u)gH_1 - (m_c + m_b)gH_2 - 12K]$$

- $FH_1 = 0$ مقدار جابجایی دورانی سیستم در تعادل استاتیکی آن از
رابطه فوق و با حذف جملات وابسته به زمان و طبق رابطه
(۱۹) قابلدستیابی است.

$$\theta = \frac{FH_1}{(m_t + m_u)gH_1 - (m_c + m_b)gH_2 - 12K}$$
(19)

با توجه به رابطه (۱۹) مقدار تعادل استاتیکی سیستم به جرم بخشها، سفتی لولا، طول بازوهای دوران و نیروی تراست بستگی داشته و به پارامترهایی چون طول صفحات بالایی و پایینی، ممان اینرسی بخشها و ارتفاع محل اعمال نیروی تراست بستگی ندارد. همچنین جابجایی خطی سیستم از حاصلضرب جابجایی دورانی سیستم درمجموع طول بازوهای دوران (H1 + H2) حاصل میشود. مشخصه عملکردی دیگری از استند که از سفتی لولاها متأثر می گردد، فرکانس طبیعی سیستم بوده که در پاسخ معادله حرکت دینامیکی سیستم معادل خطی و از رابطه معادله حرکت دینامیکی سیستم معادل خطی و از رابطه

$$\omega = \sqrt{\frac{12K + (m_c + m_b)gH_2 - (m_t + m_u)gH_1}{J - J_u - J_b + (m_c + m_b)H_2^2 - (m_t + m_u)H_1H_2}}$$
(Y•)

۳- نتایج مدلسازی تحلیلی

در این بخش پس از به دست آوردن روابط حرکت دینامیکی و تعادل استاتیکی، تأثیر پارامترهای فیزیکی بر مشخصات عملکردی استند ازجمله مقدار جابجایی، فرکانس طبیعی و زمان تثبیت نوسانات موردبررسی قرار میگیرد. ابتدا معادله تعادل استاتیکی سیستم طبق رابطه (۱۹) در نظر گرفته میشود. تأثیر سفتی لولاها بر میزان جابجایی نسبی به ازای نیروهای تراست متفاوت در شکل ۶ قابلمشاهده میباشد. لازم به ذکر است که جابجایی نسبی عموماً بهوسیله سنسوری با دقت کافی و مناسب اندازه گیری میشود. همان طور که از شکل فوق مشخص است، مقدار جابجایی با سفتی لولا رابطه عکس دارد. با افزایش سفتی لولا میزان جابجایی کمتر شده و این تفاوت در مقادیر سفتی



$$x_u = -H_1 \sin \theta - \frac{L}{2} \tag{19}$$

$$\dot{x}_u = -H_1 \theta \cos \theta \tag{(17)}$$

$$\ddot{x}_u = H_1 \dot{\theta}^2 \sin \theta - H_1 \ddot{\theta} \cos \theta \qquad (\gamma)$$

$$y_u = H_1 \cos \theta \tag{(3-18)}$$

$$\dot{y}_u = -H_1 \dot{\theta} \sin \theta \qquad (\circ \gamma)$$

$$\ddot{y}_u = -H_1 \dot{\theta}^2 \cos \theta - H_1 \ddot{\theta} \sin \theta \qquad (9^{-1} \mathcal{F})$$

$$x_b = H_2 \sin \theta - \frac{L}{2} \tag{11}$$

$$\dot{x}_b = H_2 \dot{\theta} \cos \theta \qquad (-1 \forall)$$

$$\ddot{x}_b = -H_2 \dot{\theta}^2 \sin \theta + H_2 \ddot{\theta} \cos \theta \qquad (\bar{\tau})$$

$$y_b = -H_2 \cos\theta \qquad (z-1Y)$$

$$\dot{y}_b = H_2 \dot{\theta} \sin \theta \qquad (\circ-1 \forall)$$

$$\ddot{y}_b = H_2 \dot{\theta}^2 \cos\theta + H_2 \ddot{\theta} \sin\theta \qquad (9^{-1})$$

با استفاده از ۱۵ رابطه فوق، جاگذاری پارامترها و انجام محاسبات و با فرض اینکه مقدار دوران کم بوده و میتوان θ sin θ را برابر θ و θ cos را برابر یک در نظر گرفت، و همچنین صرفنظر کردن از جملات با مرتبههای بالاتر از یک توان θ ، مدل تحلیلی استند و به عبارتی معادله حرکت دینامیکی سیستم به صورت رابطه (۱۸) به دست میآید.

$$\theta [J - J_u - J_b + (m_c + m_b)(H_2^2 + H_2 L_2^{\prime}\theta) - (m_t + m_u)(H_1 H_2 + H_1 L_2^{\prime}\theta)]$$

$$+ \dot{\theta}^2 [(m_c + m_b)H_2 L_2^{\prime} - (m_t + m_u)H_1 L_2^{\prime}]$$
(1A)

لولای پایین مشهودتر میباشد. سایر پارامترهای سیستم $m_b = 3 \text{ kg} \ m_u = 3 \text{ kg}$:برای شبیهسازی عبارتاند از: kg $m_u = 3 \text{ kg} \ m_u = 2 \text{ kg}$ $H_1 = 100 \text{ mm} \ m_c = 5 \text{ kg} \ m_t = 2 \text{ kg}$ $H_2 = 200 \text{ mm}$

برای بررسی تأثیر طول بازوی دوران بر عملکرد استند، از رابطه (۱۹) استفاده کرده و نتایج مطابق شکلهای ۷ و ۸ برای سفتی لولاهای مختلف ترسیم میشوند. در شکل ۷ با طول بازوی دوران صفحه بالایی (H) ثابت، طول بازوی دوران صفحه پایینی (H2) افزایش مییابد. بر این اساس، با طول بازوهای برابر بیشترین جابجایی مشاهدهشده و با افزایش طول بازوی دوران صفحه پایینی، میزان جابجایی بهطور قابلملاحظهای کاهش مییابد.

در شکل Λ با طول بازوی دوران صفحه پایینی ثابت، طول بازوی دوران صفحه بالایی افزایش می یابد. در این حالت برخلاف حالت قبلی، با افزایش طول بازوی دوران صفحه پایینی، میزان جابجایی بهطور قابل ملاحظه ای افزایش می یابد و مجدداً با طول بازوهای برابر بیشترین جابجایی مشاهده می گردد. بنابراین می توان گفت با افزایش طول بازوی دوران صفحه بالایی میزان جابجایی سیستم افزایش یافته که مطلوب می باشد (افزایش میزان جابجایی موجب افزایش حساسیت و دقت سیستم می گردد)، اما مقدار این افزایش از طرف الزامات ابعادی سیستم محدود می گردد. لازم به ذکر است که در ترسیم این اشکال جرم صفحه بالایی و رانشگر ($m_t + m_u$) برابر جرم صفحه پایینی و وزنههای تعادلی ($m_c + m_b$) یعنی ۶ کیلوگرم در نظر گرفته شده است.

شکل **۹** تأثیر اختلاف وزن رانشگر و وزنههای تعادلی بر میزان جابجایی با فرض طول بازوی دوران صفحه بالایی برابر طول بازوی دوران صفحه پایینی (۱۰۰ میلیمتر) را نشان میدهد. با توجه به این شکل، بیشترین جابجایی با اختلاف وزن صفر بهدستآمده و با افزایش اختلاف وزن، میزان جابجایی بهطور قابلملاحظهای کاهش مییابد. بنابراین کاهش اختلاف وزن باوجود افزایش پایداری سیستم، موجب کاهش حساسیت آن (به دلیل کاهش مقدار جابجایی) نیز می گردد.

در ارتباط با فرکانس طبیعی استند سنجش تراست، عموماً سعی بر این است تا حد امکان مقدار آن پایین باشد تا از اثرات احتمالی تشدید اجتناب گردد. فرکانس زیر دو هرتز با مد نظر گرفتن حداقل فرکانس کاری تجهیزات موجود در محیط (معمولاً ناشی از فرکانس کاری پمپهای خلاً) مطلوب میباشد. همانطور که در شکل ۱۰ دیده میشود، با مطلوب میباشد. همانطور که در شکل ۱۰ دیده میشود، با افزایش سفتی لولاها، فرکانس طبیعی نیز به صورت رادیکالی افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه افزایش مییابد. این نکته را بایستی مدنظر قرار داد که علاوه طبیعی سیستم تأثیرگذار بوده که با توجه به راحت بودن سیستم شبیه سازی شده عبارتاند از: 3 kg $m_u = 3 \, kg$ $m_c = 3 \, kg$ $m_b = 3 \, kg$ $H_1 = 100 \, mm$ $J_b = 0.03 \, kgm^2$ $H_1 = 200 \, mm$

در بررسی معادله حرکت دینامیکی سیستم، زمان تثبیت نوسانات استند و به عبارتی پاسخ سیستم و همچنین مقدار جهش اضافه پاسخ از مشخصههای مهم عملکردی استند میباشند. در شکل **۱۱** تأثیر میرایی برای سیستمی با مشخصات مشابه حالت قبل و بهعنوان نمونه محاسبهشده است. بر اساس نتایج و با افزایش میرایی، زمان تثبیت و مقدار جهش اضافه پاسخ کاهش می یابد.

عامل دیگر تأثیرگذار در پاسخ دینامیکی سیستم مقدار سفتی لولاها میباشد. شکل **۱۲** تأثیر سفتی لولا بر پاسخ دینامیکی سیستم را نشان میدهد. همان طور که مشاهده میشود با افزایش مقدار سفتی لولا، علاوه بر کاهش پاسخ استاتیکی سیستم، فرکانس نوسانات افزایشیافته و در طرف مقابل از مقدار جهش اضافه پاسخ نیز کاسته میشود. بر اساس نتایج به دست آمده، پارامترهای هندسی استند سنجش تراست همچون جرم بخشها، سفتی لولا و طول سنجش تراست محوون جرم بخشها، سفتی لولا و طول بازوهای دوران بر عملکرد استند سنجش تراست تأثیرگذار میباشد. در این بین سفتی لولاها و اختلاف گشتاورهای جرمی صفحات بالایی و پایینی یعنی دو مقدار $(m_c + m_u)H_1$ میدهند.







شکل (۱۲): تأثیر مقدار سفتی لولا بر پاسخ دینامیکی سیستم

گردیده و نتایج بهدست آمده با میانگین گیری از ۱۰ مرتبه تکرار روش بهینه سازی در جدول ۱ آورده شدهاند. بر این اساس، الگوریتم ژنتیک دریافتن پاسخ، بسیار سریعتر و کاراتر از دو روش دیگر بوده و مقدار تابع هدف آن نیز مطلوب تر می باشد. لازم به ذکر است که نتایج حاصل با نتایج مندرج در مرجع [۲۰] نیز تطابق دارد.

الگوریتم ژنتیک، یک روش عددی مؤثر و کارا برای یافتن پاسخ یک مسئله تحلیلی پیچیده و چند پارامتری است. این پاسخ با تکرار مجموعهای از محاسبات بر روی جمعیتی از پاسخهای احتمالی به دست میآید. ازجمله مهمترین ویژگیهای الگوریتم ژنتیک میتوان به قابلیت آن دریافتن اکسترمم مطلق اشاره نمود [۲۱]. بهمنظور استفاده از روش الگوریتم ژنتیک، یک تابع هزینه بهصورت اختلاف بین الزامات فیزیکی مشخصشده و مشخصات محاسبهشده سیستم، با استفاده از نرم اقلیدسی و مطابق رابطه (۲۱) تعریف میشود.

$$Z = \sum_{n=1}^{3} \left| \frac{C_{specified_n}}{C_{achieved_n}} - 1 \right|$$
 (Y1)

در رابطه فوق *C_{specified}* مقدار الزام فیزیکی مشخص شده و *C_{achieved}* مقدار مشخصه محاسبه شده برای سیستم است. این الزامات شامل جرم کل (مجموع جرم صفحه بالایی، پایینی و وزنه های تعادلی و رانشگر)، ابعاد کل (مجموع طول بازوی دوران صفحه بالایی و پایینی) و مقدار جابجایی استند برای مقدار معلوم نیروی تراست است. در سمت مقابل پارامترهایی چون طول صفحات بالایی و پایینی، محل اعمال نیروی تراست و محل اعمال نیروی میرایی تأثیری بر عملکرد استند ندارند. بنابراین برای طراحی یک استند سنجش تراست با پیکربندی پاندول معکوس میتوان با در نظر گرفتن الزامات محدودکننده فیزیکی همچون ابعاد و جرم کلی سیستم و همچنین بازه موردنظر اندازه گیری و حساسیت و دقت ابزار اندازه گیری جابجایی، از نتایج فوق استفاده کرده و سیستمی بهینه طراحی نمود.

۴- بهینهسازی طراحی با استفاده از الگوریتم ژنتیک

در این بخش، بر اساس نتایج به دست آمده از بخش ۳، طراحی بهینه یک استند سنجش تراست بر اساس الزامات فیزیکی مشخص شده و معلوم انجام می گیرد. برای انتخاب روش مناسب بهینه سازی، از توابع محک استاندارد استفاده شده که روشی رایج و متداول در بررسی عملکرد روش های مختلف بهینه سازی و مقایسه آنها می باشد. در زوش های مختلف بهینه سازی و مقایسه آنها می باشد. در زنتیک، از دحام ذرات و تکامل تفاضلی با استفاده از سه تابع ژنتیک، از دحام ذرات و تکامل تفاضلی با استفاده از سه تابع محک استاندارد انجام می گیرد. برای تعیین پارامترهای روش های بهینه سازی همچون تعداد نسل ها، اندازه جمعیت، بعد تابع، درصد ترکیب و جهش و ... از مرجع [۲۰] استفاده

میانگین زمان پاسخ (ثانیه)	میانگین مقدار تابع	روش بهینهسازی	تابع محک
20/6212	۰/۰۰۱۵	GA	
۵۰۵/۹۵۱۳	•/••١٩	PSO	Sphere
471/2020	•/••٣٧	DE	
۳ • / ۷ • ۸۵	•/•179	GA	
80T/8TNV	۰/۱۲۶۵	PSO	Ackley
880/8894	۰/۰۴۱۸	DE	
TN/TTFV	2/1014	GA	
817/2147	۲1/۲۶۵۰	PSO	Rastrigin
۵۹۶/۸۲۵۳	8/4493	DE	

جدول (۱): مقایسه سه روش بهینهسازی

روش الگوریتم ژنتیک که در فلوچارت شکل **۱۳** دیده میشود، با ایجاد جمعیت اولیه تصادفی از کروموزومها آغاز میشود؛ بهطوری که هر کروموزوم حاوی شش ژن g_1 تا g_6 میباشد. هر مجموعه کروموزوم بهصورت $\{g_1, g_2, ..., g_6\}$ بوده و ژنها نشاندهنده مقادیر پارامترهای طراحی استند شامل طول بازوی دوران صفحه بالایی، طول بازوی دوران صفحه پایینی، سفتی لولاها، جرم صفحه بالایی، جرم صفحه پایینی و جرم وزنههای تعادلی هستند. مقادیر پارامترها حقیقی بوده و از یک بازه اعداد حقیقی از پیش تعیینشده تولید میشوند. بازه در نظر گرفتهشده برای پارامترهای طول بازوی دوران صفحه بالایی و پایینی از صفر تا الزام مفحه پایینی و جرم وزنههای تعادلی از صفر تا الزام کرا و برای سفتی لولاها از صفر تا ۵/۰ میباشد.

در مرحله بعد تابع هزینه برای کل افراد جمعیت محاسبه د و کروموزومها با کمترین مقدار تابع هزینه به عنوان بهترین اعضای جمعیت در نظر گرفته می شوند. سپس الگوریتم ژنتیک یک جمعیت جدید از بهترین کروموزوم ها را با استفاده از عملگرهای روش الگوریتم ژنتیک شامل انتخاب، ترکیب و جهش ایجاد خواهد کرد و محاسبه تابع هزینه مجدداً برای جمعیت جدید انجام می پذیرد. این روند تا جایی که مقدار تابع هزینه کمتر از مقدار

مشخصشده باشد و یا تعداد دور تعیینشده به پایان برسد، تکرار میشود.

عملگر ترکیب با انتخاب دو کروموزوم بهعنوان والدین و جابجایی ژنهای آنها، دو کروموزوم جدید ایجاد میکند. عملگر جهش بهطور تصادفی یک یا چند ژن را در کروموزوم، بهمنظور افزایش تنوع کروموزوم در نسل تغییر میدهد؛ تا از ایجاد افراد شبیه به یکدیگر جلوگیری نماید. عملگر انتخاب نیز با در نظر گرفتن احتمال انتخاب هر کروموزوم، کروموزومهای مورداستفاده در عملگرهای قبلی را انتخاب میکند.

در جدول ۲ نتایج حاصل از الگوریتم ژنتیک برای طراحی چند نمونه استند با الزامات فیزیکی مشخص شده و معلوم آورده شده است. همچنین منحنی همگرایی چهار طرح نیز در شکل ۱۴ دیده می شود. برای هر طرح، دو پارامتر بیشترین مقدار نیروی تراست قابل اندازه گیری و جرم رانشگر نیز مشخص شده اند. توضیح لازم اینکه برای اجرای الگوریتم جمعیت اولیه ای با پنجاه عضو در نظر گرفته شده و فرآیند تکرار بعد از ۲۰۰۰ دور به پایان می رسد.

نتایج جدول ۲ نشان میدهد که الگوریتم ژنتیک بکار رفته بهخوبی عمل کرده و مقدار تابع هزینه را به کمترین مقدار خود رسانده است. بنابراین میتوان از این الگوریتم برای دستیابی به مقدار مشخصات فیزیکی سیستم (پارامترهای طراحی استند) دستیافت.

۵- ساخت نمونه استند سنجش تراست

پس از انجام فرآیند بهینهسازی با استفاده از الگوریتم ژنتیک، طرح شماره ۲ مندرج در جدول ۲ برای ساخت انتخاب می گردد. نمایی از استند سنجش تراست طراحی شده در شکل ۱۵ نشان داده شده است. در این استند، طول بازوی دروان صفحه بالایی و پایینی به ترتیب برابر ۲۴۰ و ۱۹۰ میلی متر انتخاب می شود. همچنین جرم صفحه بالایی و پایینی نیز به ترتیب برابر ۴/۴۵۰ و ۳/۵۲۰ کیلو گرم می اشند. برای لولاهای استند نیز از لولاهایی به سفتی می انشگری به جرم ۲ کیلو گرم و استفاده از وزنه های تعادلی به

جرم مجموع ۲ کیلوگرم، برای نیروی تراست ۱۰۰ میلینیوتنی، مقدار جابجایی استند با استفاده از رابطه (۱۹) معادل ۰/۹۷ میلیمتر محاسبه میشود. بهمنظور صحهگذاری بر نتایج حاصلشده، استند طراحیشده، ساختهشده و مورد آزمون تجربی قرار میگیرد. برای ایجاد نیروی تراست از یک محرک با دقت یک میلینیوتن استفاده میشود. جابجایی نسبی استند نیز با استفاده از یک سنسور لیزری اندازهگیری فاصله با دقت ۵

میکرون به دست میآید. بر اساس دادههای آزمون تجربی و پس از چندین مرتبه تکرار، نیروی تراست ۱۰۰ میلینیوتنی منجر به ایجاد جابجایی برابر ۱۹۲۲ در استند میگردد. درنتیجه میزان خطایی مدل تحلیلی کمتر از ۶ درصد میباشد. بنابراین میتوان بیان نمود که مدلسازی بکار رفته و روش بهینهسازی معرفیشده صحهگذاری شده و بهخوبی رفتار استند سنجش تراست را شبیهسازی میکند.



طرح ۴	طرح ۳	طرح ۲	طرح ۱		پارامترها
۱۰۰	۵۰	۱۰۰	۵۰	(r	بیشترین مقدار نیروی تراست (nN
۵	۵	٢	٢		جرم رانشگر (kg)
•/•••	• • • • 9	•/•••٨	• • • • ۶		مقدار تابع هزينه
۵۰۰	۵۰۰	۳۵۰	۳۵۰	مجموع طول بازوی دوران صفحه بالایی و پایینی (mm)	
۱۵	۱۵	١٠	١.	مجموع جرم صفحه بالایی، پایینی و وزنههای تعادلی (kg)	الزامات فيزيكي مشخصشده
١	۰ /٣	١	۰/٣	مقدار جابجایی استند (mm)	
۳۵۰	4	۲۳۸	749	طول بازوی دوران صفحه بالایی (mm)	
۱۵۰	۱۰۰	١١٢	۱۰۱	طول بازوی دوران صفحه پایینی (mm)	
۰/۰۱۸	۰/۰۲۵	۰/۰۴۱	•/•٣۶	سفتی لولاها (Nm/rad)	
4/81.	$\Delta/\lambda V Y$	4/4.4	$\Delta/\lambda \cdot \lambda$	جرم صفحه بالایی (kg)	مشخصات فيريكي محاسبة سدة
36/269	۲/۲۴۰	3/261	۲/۱۲۱	جرم صفحه پایینی (kg)	
۶/۷۴۱	۶/۸۸۸	۲/۰۳۶	۲/•٧•	جرم وزنههای تعادلی (kg)	

جدول (۲): نتایج حاصل از الگوریتم ژنتیک برای طراحی استند



شکل (۱۵): نمای استند سنجش تراست طراحی شده.

۶- نتیجهگیری

در این مقاله تأثیر پارامترهای هندسی بر عملکرد استند سنجش تراست با پیکربندی پاندول معکوس بررسیشده و همچنین میزان اهمیت و تأثیرگذاری این پارامترها بر عملکرد سیستم بهدستآمده است. بر اساس نتایج بهدستآمده، سفتی لولاها و اختلاف گشتاورهای جرمی

صفحات بالایی و پایینی بیشترین تأثیر را از خود نشان میدهند. اما پارامترهایی چون طول صفحات بالایی و پایینی، محل اعمال نیروی تراست و میرایی تأثیری بر عملکرد استند ندارند. از نتایج حاصل از کار میتوان برای طراحی بهینه یک استند با در نظر گرفتن الزامات محدودکننده فیزیکی همچون ابعاد و جرم کلی سیستم و همچنین بازه موردنظر اندازه گیری و حساسیت و دقت ابزار

اندازه گیری جابجایی استفاده نمود. همان طور که با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک طراحی بهینه برای چند نمونه استند انجامیافته است. در انتهای کار نیز یک نمونه استند سنجش تراست بر اساس مشخصات به دست آمده از بهینه سازی مدل و ساخته شده است. مقایسه نتایج حاصل از شبیه سازی عملکرد استند و آزمون تجربی آن، مؤید صحه گذاری، کارایی و توانایی روش مدل سازی و بهینه سازی معرفی شده در این پژوهش می باشند.

۷- فهرست علائم

C ضريب ميرايي نیروی تراست F نيروى افقى تكيهگاه چپ f_{r1} نیروی افقی تکیهگاه راست f_{x2} نيروى عمودى تكيهگاه چپ f_{v1} نیروی عمودی تکیهگاه راست f_{v2} نيروى افقى تكيه گاه بالا چپ fulr نیروی عمودی تکیه گاه بالا چپ f_{ulv} نيروى افقى تكيهگاه بالا راست furr نیروی عمودی تکیهگاه بالا راست furv نيروى افقى تكيهگاه پايين چپ f_{hlr} نیروی عمودی تکیهگاه پایین چپ fblv نيروى افقى تكيه گاه پايين راست forr نیروی عمودی تکیه گاه پایین راست f_{brv} شتاب جاذبه زمين g طول بازوى دوران صفحه بالايي H_1 طول بازوى دوران صفحه ياييني H_2 فاصله محل اعمال نیروی تراست از مرکز جرم صفحه h_1 ىالايى فاصله محل اعمال نیروی میرایی از مرکز جرم h_2 صفحه ياييني ممان اينرسي سيستم حول مركز جرم صفحه پاييني J ممان اینرسی صفحه بالایی حول انتهای چپ Jb ممان اینرسی بازوی چیے حول مرکز جرم h ممان اینرسی بازوی راستی حول مرکز جرم Ir

ممان اینرسی صفحه پایینی حول انتهای چپ J_u

- K سفتی لولاها
- L طول صفحه بالایی و پایینی
 - M جرم کل سیستم
 - جرم صفحه پایینی m_b
 - جرم صفحه بالایی m_u
 - جرم بازوی چپی m_l جرم بازوی راستی m_r
 - ، جرم رانشگر m_t
 - م جرم وزنههای تعادلی m_c
- x جابجایی افقی مرکز جرم سیستم
- y جابجایی عمودی مرکز جرم سیستم
- جابجایی افقی مرکز جرم صفحه پایینی x_h
- بابجایی عمودی مرکز جرم صفحه پایینی y_h
 - جابجایی افقی مرکز جرم صفحه بالایی x_{u}
- جابجایی عمودی مرکز جرم صفحه بالایی y_u
 - دوران سیستم heta

۸- مراجع

[1] Nakagawa Y, Tomita D, Koizumi H, Komurasaki K. Design and test of a 100 μ N-class thrust stand for a miniature water ion thruster with CubeSat. Transactions of the Japan Society for Aeronautical and Space Sciences, Aerospace Technology Japan. 2018;16(7):673-8.

[2] Wang A, Wu H, Tang H, Liu Y, Liang X. Development and testing of a new thrust stand for micro-thrust measurement in vacuum conditions. Vacuum. 2013;91:35-40.

[3] Packan D, Bonnet J, Rocca S. Thrust measurements with the ONERA micronewton balance. InProceedings of the 30th International Electric Propulsion Conference 2007.

[4] Wong AR, Toftul A, Polzin KA, Pearson JB. Noncontact thrust stand calibration method for repetitively pulsed electric thrusters. Review of Scientific Instruments. 2012;83(2):025103.

[5] Wachs BN, Jorns BA. Sub-millinewton thrust stand and wireless power coupler for microwavepowered small satellite thrusters. Review of Scientific Instruments. 2022;93(8):083507.

[6] Tartler BR. Construction and performance of an inverted pendulum thrust balance (Doctoral dissertation, Massachusetts Institute of Technology), 2010. [15] Lun J, Law C. Direct thrust measurement stand with improved operation and force calibration technique for performance testing of pulsed micro-thrusters. Measurement Science and Technology. 2014;25(9):095009.

[16] Yang C, He JW, Duan L, Kang Q, Taiji Scientific Collaboration. A torsional thrust stand for measuring the thrust response time of micro-Newton thrusters. International Journal of Modern Physics A. 2021;36(11n12):2140015.

[17] Gilpin MR, McGehee WA, Arnold NI, Natisin MR, Holley ZA. Dual-axis thrust stand for the direct characterization of electrospray performance. Review of Scientific Instruments. 2022;93(6):065102.

[18] Mirczak JD. Milli-newton thrust stand for electric propulsion (Doctoral dissertation, Massachusetts Institute of Technology), 2001.

[19] Zhang H, Duan B, Wu L, Hua Z, Bao Z, Guo N, Ye Y, DeLuca LT, Shen R. Development of a steadystate microthrust measurement stand for microspacecrafts. Measurement. 2021;178:109357.

[20] Lim SP, Haron H. Performance comparison of genetic algorithm, differential evolution and particle swarm optimization towards benchmark functions. In2013 IEEE Conference on Open Systems (ICOS) 2013: 41-46.

[21] Gen M, Cheng R. Genetic algorithms and engineering optimization. John Wiley & Sons; 1999.

[7] Bijster RJ. Design, verification and validation of a micropropulsion thrust stand, 2014.

[8] Kokal U, Celik M. Development of a mili-Newton level thrust stand for thrust measurements of electric propulsion systems. In2017 8th International Conference on Recent Advances in Space Technologies (RAST) 2017: 31-37.

[9] Xu KG, Walker ML. High-power, null-type, inverted pendulum thrust stand. Review of Scientific Instruments. 2009;80(5):055103.

[10] Soni J, Roy S. Design and characterization of a nano-Newton resolution thrust stand. Review of Scientific Instruments. 2013;84(9):095103.

[11] D'Souza BC, Ketsdever AD. Investigation of time-dependent forces on a nano-Newton-second impulse balance. Review of Scientific Instruments. 2005;76(1):015105.

[12] Yang YX, Tu LC, Yang SQ, Luo J. A torsion balance for impulse and thrust measurements of micro-Newton thrusters. Review of Scientific Instruments. 2012;83(1):015105.

[13] Koizumi H, Komurasaki K, Arakawa Y. Development of thrust stand for low impulse measurement from microthrusters. Review of scientific instruments. 2004;75(10):3185-90.

[14] Tang H, Shi C, Zhang XA, Zhang Z, Cheng J. Pulsed thrust measurements using electromagnetic calibration techniques. Review of Scientific Instruments. 2011;82(3):035118.

Journal of Aerospace Mechanics



DOR: 20.1001.1.26455323.1402.19.1.8.3

Investigating the Effect of Geometrical Parameters on the Performance of a Thrust Measurement Stand and Optimizing Its Design Using Genetic Algorithm

Masoud Dehnad^{1*}, Morteza Farhid², Sina Akhbari¹, Arezoo Esmaeili¹

¹ Researcher, Space Thrusters Research Institute, Iranian Space Research Center, Tabriz, Iran
 ² Assistant Professor, Space Thrusters Research Institute, Iranian Space Research Center, Tabriz, Iran

HIGHLIGHTS

- Analytical modeling of dynamic and static behavior of a thrust measurement stand
- Specifying the importance and influence of the geometric parameters of the stand on its performance
- Optimal Designing based on the Genetic Algorithm method
- Developing an experimental stand and verifying

ARTICLE INFO

Article history:

Article Type: Research paper Received: 19 September 2022 Received in revised form: 10 October 2022 Accepted: 6 November 2022

Available online: 12 December 2022 *Correspondence:

hnaseh@ari.ac.ir

How to cite this article:

M. Dehnad, M. Farhid, S. Akhbari, A. Esmaeili. Investigating the effect of geometrical parameters on the performance of a thrust measurement stand and optimizing its design using genetic algorithm. Journal of Aerospace Mechanics. 2023; 19(1):107-121.

Keywords: Thrust measurement stand Geometric parameters Dynamic and static response Genetic Algorithm method Modeling and manufacturing

GRAPHICAL ABSTRACT



ABSTRACT

In this paper, the influence of the geometric parameters of a thrust measurement stand in mN level and for electrical thrusters on its performance is investigated. To measure the thrust of the electrical thrusters, a system must be used that separates the thrust force from the weight force. Thus, thrust measurement systems are designed based on a pendulum. The geometric parameters of a thrust measurement stand, such as the length of arms, the mass of different parts, and the stiffness of pivots affect the overall performance of the system, including its dynamic and static response (for example, displacement, natural frequency and stabilization time of oscillations). For this purpose, primarily, the analytical model for the behavior of a thrust measurement stand with an inverted pendulum configuration is obtained. Then, using the obtained results, the optimal design of several stands is carried out based on the specified physical requirements and using the Genetic Algorithm method. Finally, an experimental thrust measurement stand with a maximum measuring thrust of 100 mN is developed based on obtained specifications from the optimization and by validating the results of the analytical model, the error of the model is estimated to be less than 6 percent.

* Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Imam Hossein University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.